

לוגיקה למדעי המחשב - תרגיל מס' 4

1. הוכחו באופן ישיר (לא שימוש במשפטי התקיפות והשלמות):

- (א) אם T קונסיסטנטית ו- A - $\vdash_{HPC} T \wedge \{A\}$ אז T קונסיסטנטית.
- (ב) $\neg A \vdash_{HPC} T$ אם ו- $\{A\} \cup T$ אינה קונסיסטנטית ב- HPC .
- (ג) $\neg A \vdash_{HPC} T$ אם ו- $\{A\} \cup T$ אינה קונסיסטנטית ב- HPC .
- (ד) אם T קונסיסטנטית אז לפחות אחת מ- $\{A\} \cup T, \{A\} \vdash T$ הינה קונסיסטנטית.

2. הוכיח או הפרך: לכל השמה v הקבוצה $\{A \mid v(A) = t\}$ היא קונסיסטנטית.

3. נגידר סמנטיקה חלופית לתחשב הפסוקים על ידי שינוי טבלת האמת של הקשר \neg : $f = \neg^*(t) = \neg$. האם משפט התקיפות מתקיים תחת הסמנטיקה החדשה?

4. תהיו A קבוצה של אנשים, יתכן אינסוף.

- (א) נאמר שני אנשים הם שכנים אם המרחק בין שני הבתים שלהם הוא לכל היותר 100 מטר.
- (ב) תת-קבוצה $A' \subseteq A$ של אנשים נקראת קהילה אם כל שני אנשים ב- A' הם שכנים. כולם: אם $a, b \in A'$ אז a, b הם שכנים.
- (ג) נאמר ש- A היא קבוצה דו-קהילתית אם קיימות ב- A שתי קהילות $A_1, A_2 \subseteq A$ כך שכל אדם ב- A נמצא באחת מהן לפחות.

הוכחו: קבוצה A היא דו-קהילתית אם ו-ככל תת-קבוצה סופית שלה היא דו-קהילתית. (תנו הוכחה מפורטת לשני הכיוון).

5. תהיו Σ קבוצת פסוקים מעל האטומים $\{p_1, p_2, \dots\}$. נאמר ש- Σ היא דו-ספריקת אם קיימת השמה v המספקת את Σ שעוברה מתקיים $v(p_i) = f$ לכל i זוגי.
- הראה שקבוצה של פסוקים היא דו-ספריקת אם ורק אם כל תת-קבוצה סופית שלה היא דו-ספריקה.